

令和2年度  
山梨大学 大学院医工農学総合教育部 修士課程 工学専攻

入 学 試 験 問 題

No. 1/2

コース等	メカトロニクス工学 コース	試験科目	数学
------	------------------	------	----

問1 図1は、原点  $O$  の直交座標系  $x, y, z$  に関して、線分  $OA, OB, OC$  を3辺にもつ平行六面体を示す。ここで、点  $A, B, C$  の座標はそれぞれ  $A(7, 6, -2)$ ,  $B(4, -5, 3)$ ,  $C(-5.1, 4.9, 8.9)$  である。次の問いに答えよ。

- (1)  $\vec{OA} \times \vec{OB}$  を求めよ。
- (2)  $\|\vec{OA} \times \vec{OB}\|$  および  $\vec{OA} \times \vec{OB}$  の向きを 解答用紙の図1 に描け。
- (3) 図1の平行六面体の体積  $V$  を求めよ。

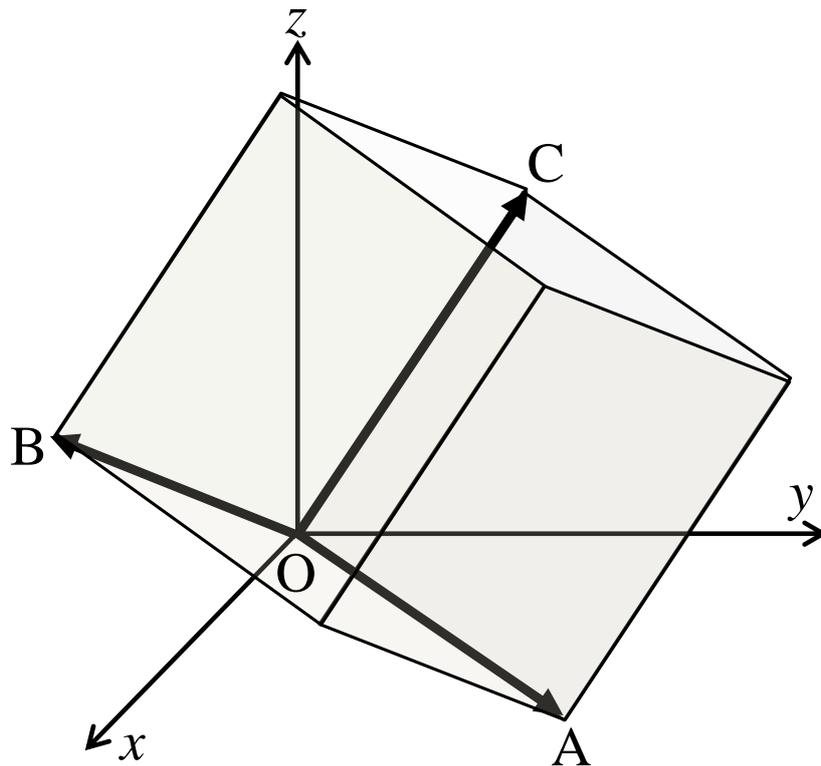


図1

令和 2 年度  
山梨大学 大学院医工農学総合教育部 修士課程 工学専攻

入 学 試 験 問 題

No. 2/2

コース等	メカトロニクス工学 コース	試 験 科 目	数学
------	------------------	---------	----

問 2 次の問いに答えよ。

- (1) 関数  $g(x) = \sin x$  に対して,  $g^{(n)}(x) = \sin(x + \frac{n\pi}{2})$  になることを数学的帰納法により示せ.
- (2) 全区間の任意の  $x$  について, 関数  $f(x)$  の級数展開  $f(x) = \sum_{n=0}^{\infty} a_n x^n$  を考える.  
ただし,  $a_n = \frac{f^{(n)}(0)}{n!}$  である.
- (1) の関数  $g(x)$  と関数  $h(x) = e^{-x}$  に対して, それぞれの級数展開の  $a_1, a_2, a_3, a_{2k+1}$  ( $k$  は自然数) を求めよ.
- (3) 関数  $p(x) = \cos x$  ならば,  $p^{(n)}(x) = \cos(x + \frac{n\pi}{2})$  となる. 以下の式が成り立つことを証明せよ.

$$e^{-ix} = \cos x - i \sin x$$

ただし,  $i = \sqrt{-1}$  である.

問 3 独立変数を  $t$  として, 関数  $y = y(t)$  を考える. 以下の微分方程式について次の問いに答えよ.

$$y'' + By' + \omega_0^2 y = F \cos(\omega t)$$

ただし,  $\omega_0 (\omega_0 > 0)$ ,  $\omega (\omega > 0)$ ,  $B (B > 0)$ ,  $F (F > 0)$  は定数である.

- (1)  $y'' + By' + \omega_0^2 y = F \cos(\omega t)$  の特殊解  $y_p(t)$  を求めよ.
- (2)  $y'' + By' + \omega_0^2 y = 0$  の一般解  $y_n(t)$  を求めよ.
- (3)  $\omega = \omega_0$ ,  $B = \frac{6}{5} \omega_0$ ,  $y'(t=0) = 0$  であるとき,  $y(t)$  の一般解を  $t, \omega_0, F$  を用いて示せ.

令和 2 年度  
山梨大学 大学院医工農学総合教育部 修士課程 工学専攻

入 学 試 験 問 題

No. 1/1

コース等	メカトロニクス工学 コース	試 験 科 目	材料力学
------	------------------	---------	------

問 1 図 1 に示すように、直径  $d$  の円形一様断面（断面二次モーメント  $I = \pi d^4/64$ ）を有する長さ  $3l$  のはりが単純支持され、中央の長さ  $l$  の区間に等分布荷重  $q$  が作用している。このはりに関する以下の問いに答えよ。ただし、はりの縦弾性係数を  $E$  とする。

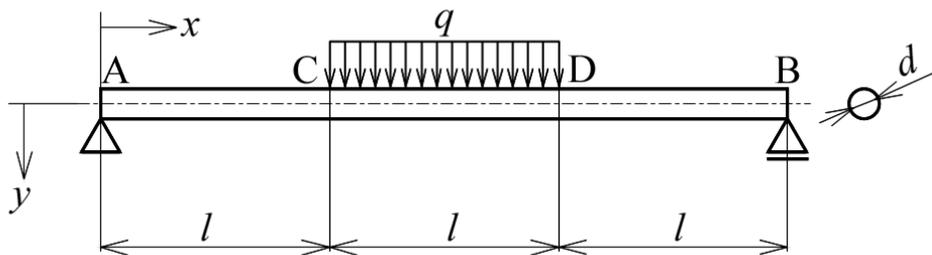


図 1 中央に等分布荷重が作用している単純支持はり

- (1) はりに作用しているせん断力  $F$  および曲げモーメント  $M$  を、AC 間、CD 間、DB 間に分けて求めよ。
- (2) はりの中央（左端 A からの距離  $3l/2$ ）の横断面に作用する最大曲げ応力  $\sigma_{\max}$  を求めよ。
- (3) はりの左端 A のたわみ角  $\theta$  を求めよ。
- (4) はりの中央のたわみ  $\delta$  を求めよ。

令和 2 年度  
山梨大学 大学院医工農学総合教育部 修士課程 工学専攻

入 学 試 験 問 題

No. 1/1

コース等	メカトロニクス工学 コース	試験科目	機械力学
------	------------------	------	------

問 1 図 1 は滑車と質点からなる 2 自由度自由振動系モデルである。壁に 2 つのばねが糸で直列に接続しており、他端に質点がつるされている。2 つのばねの間に半径  $r$  の薄い円板の滑車が接続しており、滑車と糸は滑らない。滑車と質点の質量はそれぞれ  $m_1, m_2$ 、ばね定数はそれぞれ  $k_1, k_2$  である。釣り合いの位置から質点の変位(下方方向を正)と滑車の回転角(時計回りを正)をそれぞれ  $x, \theta$  として、以下の問いに答えよ。ただし、質点は上下方向のみ振動し、糸とばねの自重は無視する。

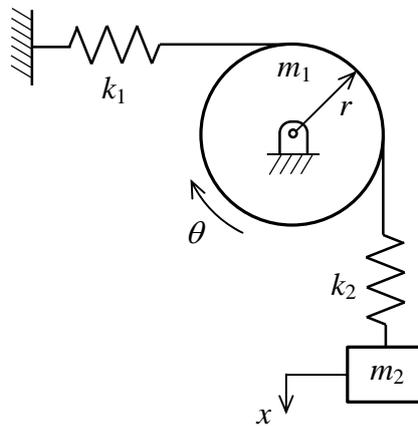


図 1 2 自由度自由振動系モデル

- (1) 滑車が静かに  $\theta$  回転したとき、ばね定数  $k_1$  のばねに働く力を、 $k_1, \theta, r$  で示せ。
- (2) (1) の条件下で、質点が静かに  $x$  変位したとき、ばね定数  $k_2$  のばねに働く力を、 $k_2, x, \theta, r$  で示せ。
- (3) 滑車と質点の運動方程式をそれぞれ示せ。ただし、滑車の慣性モーメント  $J$  は  $J = m_1 r^2 / 2$  である。
- (4)  $\theta, x$  はそれぞれ振幅  $\Theta, X$  で角振動数  $\omega$  の正弦振動するものとして、振動数方程式を示せ。
- (5)  $k_1 = k_2 = k, m_1 = m_2 = m$  としたとき、この系の 1 次固有角振動数  $\omega_1$  および 2 次固有角振動数  $\omega_2$  をそれぞれ示せ。

令和 2 年度  
山梨大学 大学院医工農学総合教育部 修士課程 工学専攻

入 学 試 験 問 題

No. 1/3

コース等	メカトロニクス工学 コース	試験科目	プログラミング
------	------------------	------	---------

問 1 図 1 のグラフにおいて、最短経路問題を解くことを考える。ただし、ノードとノードをつなぐエッジ上に書かれている数値は距離とする。

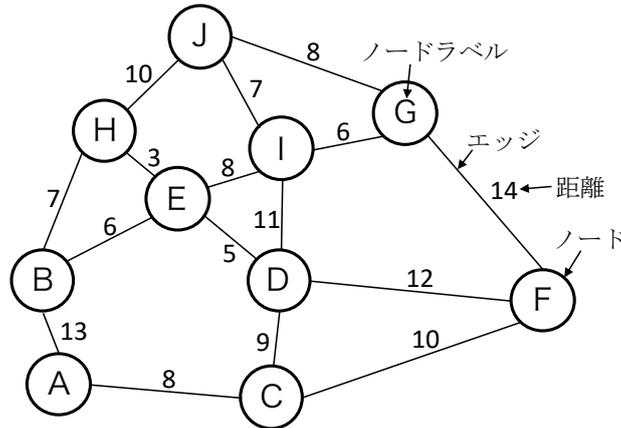


図 1 グラフ

- (1) 図 1 において、スタートノードを A，ゴールノードを G としたとき，A から G に至るまでの最短経路を示せ。
- (2) A—G 間の最短経路をダイクストラ法によって求めたい。ダイクストラ法のアルゴリズムが以下で説明できるとき，①，②，③に入る適切な処理を書け。

※全てのノードは、累積距離とそこに至る一つ前のノードラベルを持つとする。

1. 初期化処理を行う。
  - ・各ノードにおいて、スタートノードからそこに至るまでの累積距離を「 $\infty$ 」、隣接ノードラベルは未定とする。ただし、スタートノードの累積距離は 0 とする。
  - ・優先度付き待ち行列（これをキューと記す）に全てのノードを格納する。
2. キューから、累積距離が最小のノードを 1 つ取り出す（ただし、累積距離が最小のノードが複数ある場合、どれをとっても良いこととする）。
  - ・取り出したノードを  $v$  と表す。  $v$  を処理済みリストに入れる。
  - ・もし、キューが空であれば ①。
3. スタートノードから、  $v$  と接続しているノード（これを  $u$  と記す）に至るまでの ②。このとき、  $u$  が  $\infty$  以外の累積距離を持ち、かつ、  $v$  から至る経路の累積距離の方が大きい場合は ③。もし、②の処理が実行されたならば、  $u$  に  $v$  のノードラベルを記録する。  $v$  と接続している全ての  $u$ （ただし、処理済みリストに含まれるノードを除く）に対してこの処理を行う。
4. 2.に戻る。
5. バックトレース処理によって最短となる経路を求める。

令和 2 年度  
山梨大学 大学院医工農学総合教育部 修士課程 工学専攻

入 学 試 験 問 題

No. 2/3

コース等	メカトロニクス工学 コース	試 験 科 目	プログラミング
------	------------------	---------	---------

- (3) (2) のアルゴリズム内で用いられている優先度付き待ち行列について、以下の問いに答えよ。
- (i) 優先度付き待ち行列がどのようなデータ構造であるかを説明せよ。
  - (ii) ダイクストラ法において、なぜ優先度付き待ち行列を用いるのが良いのかを説明せよ。
- (4) リスト 1 はダイクストラ法を実現する C 言語ライクの擬似コードである。㉞、㉟に入る処理を、リスト 1 中で定義されている関数を利用して書け。

【リスト 1】

```

Init();
while( ㉞ ) {
    while( (u = GetAdjNode(v)) )
        ㉟
    }
}
BackTrace(s,g) // s,g にはそれぞれスタート, ゴールノードが入る

/*-----
Init() ... 初期化処理を行う関数.
PopQueue() ... キューから累積距離が最小ノードを 1 つ取り出す関数. キューが空の
              場合は 0 (ゼロ) を返す.
GetAdjNode(x) ... x と隣接するノードを順に取り出す関数 (ただし処理済みリストに
                 あるノードは取り出さない). 隣接するノードがなければ (なくな
                 れば) 0 (ゼロ) を返す.
UpdateDist(x,y) ... x に至るまでの累積距離を更新し (更新しない場合もある), x
                  に至る累積距離が最小となる一つ前の隣接ノードラベル y を記
                  録する関数.
BackTrace(x,y) ... x から y に至るまでの最小経路をバックトレースで求める関数.
-----*/

```

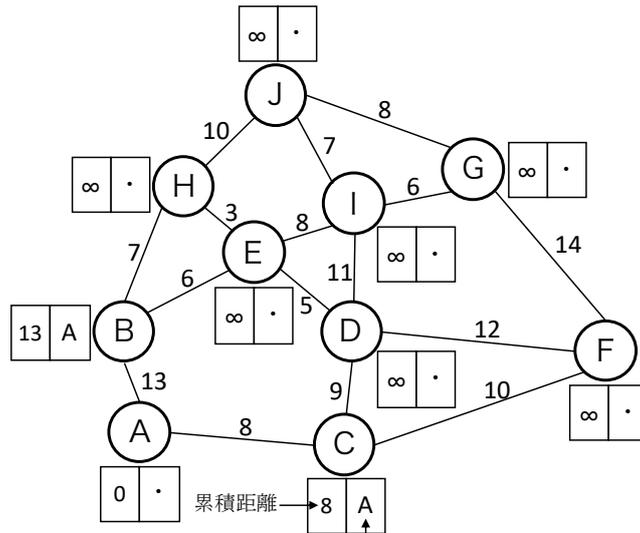
令和 2 年度  
山梨大学 大学院医工農学総合教育部 修士課程 工学専攻

入 学 試 験 問 題

No. 3/3

コース等	メカトロニクス工学 コース	試験科目	プログラミング
------	------------------	------	---------

- (5) リスト 1 の (★) のループが 4 回繰り返されたとき, 全てのノードの累積距離と, そこに至るまでのスタートノードからの累積距離が最小となる隣接ノードラベルを示せ. 参考までに, (★) のループの繰り返し処理が 1 回, および 2 回終了した段階の状態を, それぞれ図 2, 図 3 に示す.



累積距離が最小となる隣接ノード. 「・」は未定を示す

図 2 ループが 1 回終了した段階の状態

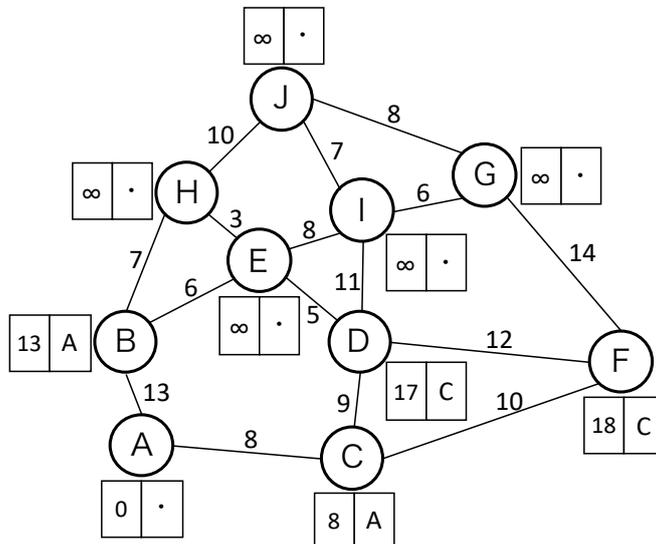


図 3 ループが 2 回終了した段階の状態

令和 2 年度  
山梨大学 大学院医工農学総合教育部 修士課程 工学専攻

## 入 学 試 験 問 題

No. 1/1

コース等	メカトロニクス工学 コース	試 験 科 目	デジタル回路
------	------------------	---------	--------

問 1 4桁の2進数入力  $X_3X_2X_1X_0$  がある。  $X_3$  が最上位ビット、  $X_0$  が最下位ビットを表す。つまり、入力[1010]は10進数での10を表し、入力[0001]は10進数での1を表す。

4桁の2進数入力で、1から12までの整数が入力され、「12の約数」が入力された場合に出力  $Z$  が1、「12の約数」以外が入力された場合に出力  $Z$  が0になる回路を作りたい。以下の問いに答えよ。

- (1) 「12の約数」検出回路のブロック図を描け。  
入力は  $X_i$  (添え字  $i$  には適切な数字を記入)、出力は  $Z$  で表せ。  
「12の約数」検出器自身は「12の約数検出器」で表して良い。
- (2) 解答用紙の真理値表を完成せよ。出力が定まらない入力の組合せに対する出力は「\*」で表せ。
- (3) (2)で作成した真理値表を利用して論理式を記せ。
- (4) (3)で求めた論理式をカルノー図を示して簡単化せよ。最も簡単化した論理式を記せ。
- (5) (4)で簡単化した論理式を利用して回路図を描け。

## 入 学 試 験 問 題

No. 1/2

コース等	メカトロニクス工学 コース	試験科目	制御工学
------	------------------	------	------

問1 図1に示す2つの水槽は、左右の水槽の間が連結管で繋がれ、左の水槽に給水し右の水槽の排水口から排水する。定常的に流量 $q_0$ で給水するときの左右の水槽の水位をそれぞれ $h_{01}$ ,  $h_{02}$ とし、この状態から時刻 $t$ の給水量の増加量を $q_1(t)$ , 連結管の流量増加量を $q_2(t)$ , 排水量の増加量を $q_3(t)$ , 左右の水槽の水位の増加量をそれぞれ $h_1(t)$ ,  $h_2(t)$ とする。ここで左右の水槽の断面積をそれぞれ $A_1$ ,  $A_2$ とし、連結管の流路抵抗を $R_1$ , 排水口の流路抵抗を $R_2$ とすると、次の4つの関係式が得られる。

$$A_1 h_1(t) = \int_0^t (q_1(t) - q_2(t)) dt$$

$$A_2 h_2(t) = \int_0^t (q_2(t) - q_3(t)) dt$$

$$q_2(t) = \frac{1}{R_1} (h_1(t) - h_2(t))$$

$$q_3(t) = \frac{1}{R_2} h_2(t)$$

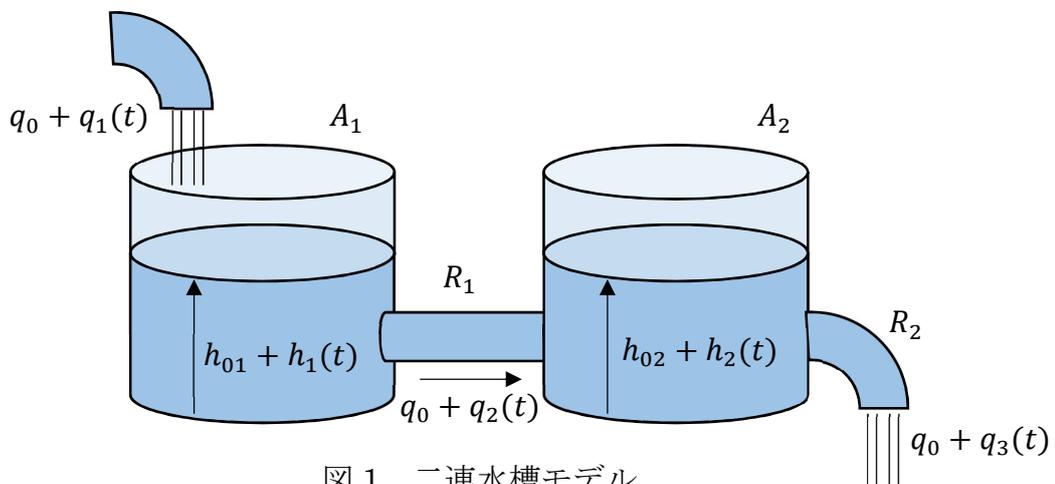


図1 二連水槽モデル

令和 2 年度  
山梨大学 大学院医工農学総合教育部 修士課程 工学専攻

## 入 学 試 験 問 題

No. 2/2

コース等	メカトロニクス工学 コース	試験科目	制御工学
------	------------------	------	------

時間軸での状態変数は小文字で，ラプラス変換した状態変数は大文字で表すこととし，次の問いに答えよ．

- (1) 4つの関係式をラプラス変換せよ．
- (2) 入力を $Q_1(s)$ とし出力を $H_2(s)$ として，解答用紙のブロック線図を完成せよ．
- (3) 伝達関数 $G(s) = H_2(s)/Q_1(s)$ を求めよ．
- (4) このシステムの安定性を評価せよ．
- (5)  $q_1(t)$ に単位ステップ入力を加えたときの， $h_2(\infty)$ を求めよ．